

Le trasformazioni del piano: Chiamasi *trasformazione del piano* una corrispondenza biunivoca (iniettiva e suriettiva) del piano in se.

affinità	Chiamasi affinità una particolare trasformazione del piano che ha come invariante l' <i>allineamento</i> dei punti e il <i>parallelismo</i> tra due rette. (esempio la dilatazione con b, c, e, f = 0)	$\begin{cases} x' = ax + by + e \\ y' = cx + dy + f \end{cases}$	Allineamento e parallelismo
similitudine	Chiamasi similitudine una particolare affinità che ha come invariante il <i>rapporto tra segmenti</i> e l' <i>ampiezza degli angoli</i>	diretta $\begin{cases} x' = mx + ny + c \\ y' = -nx + my + c' \end{cases}$ invertente $\begin{cases} x' = mx + ny + c \\ y' = nx - my + c' \end{cases}$. . inoltre .. Rapporto fra segmenti e ampiezza degli angoli
omotetie	Chiamasi omotetie di centro C e rapporto K quella particolare trasformazione del piano che associa ad ogni punto P il punto P' tale che P, C, P' sono allineati; $\frac{CP'}{CP} = K $ e se K>0 P e P' stanno dalla stessa parte rispetto a C, se K<0 stanno da parti opposte.	Di centro O e rapporto k $\begin{cases} x' = kx \\ y' = ky \end{cases}$ Di centro (a,b) e rapporto k $\begin{cases} x' = kx + (1-k)a \\ y' = ky + (1-k)b \end{cases}$.. inoltre.. direzione e orientamento dei punti
Chiamasi isometria una particolare trasformazione del piano che ha come invarianti <i>le misure dei segmenti</i> e <i>le ampiezze degli angoli</i> . Sono isometrie: Traslazioni, Rotazioni, Simmetrie Centrali, Simmetrie Assiali, l'Identità ... o composizioni tra queste.			
identità	Chiamasi identità quella trasformazione del piano che associa ad un punto P qualsiasi se stesso: $P \rightarrow P' = P$	$\begin{cases} x' = x \\ y' = y \end{cases}$	Forma e dimensioni come globali (tutti)
traslazione	Chiamasi traslazione di vettore \vec{V} quella trasformazione del piano in se che associa ad un punto P un punto P' tale che il segmento orientato PP' è un rappresentante del vettore \vec{V} (a,b).	$\begin{cases} x' = x + a \\ y' = y + b \end{cases}$	Idem
simmetria centrale	Chiamasi simmetria centrale di centro C quella particolare trasformazione del piano che associa ad un punto P il punto P' tale che C è punto medio del segmento PP' .	Rispetto (0,0) $\begin{cases} x' = -x \\ y' = -y \end{cases}$ Rispetto (a,b) $\begin{cases} x' = -x + 2a \\ y' = -y + 2b \end{cases}$	Idem
simmetria assiale	Chiamasi simmetria assiale di asse a quella particolare trasformazione del piano che associa ad un punto P il punto P' tale che PP' sia perpendicolare alla retta a e la incontra nel suo punto medio	Asse x $\begin{cases} x' = x \\ y' = -y \end{cases}$ Asse y $\begin{cases} x' = -x \\ y' = y \end{cases}$ Retta y=b $\begin{cases} x' = x \\ y' = -y + 2b \end{cases}$ Retta x=a $\begin{cases} x' = -x + 2a \\ y' = y \end{cases}$	Idem
rotazione	Chiamasi rotazione di centro C e angolo orientato α quella particolare trasformazione del piano che associa ad un punto P un punto P' tale che $\overline{PC} = \overline{P'C}$ e $\widehat{CP}' = \widehat{\alpha}$ equazioni con centro (0,0) e (x_c, y_c)	Di centro O $\begin{cases} x' = x(\cos \alpha) - y(\sin \alpha) \\ y' = x(\sin \alpha) + y(\cos \alpha) \end{cases}$ di centro (x_c, y_c) $\begin{cases} x' = (x - x_c)(\cos \alpha) - (y - y_c)(\sin \alpha) + x_c \\ y' = (x - x_c)(\sin \alpha) + (y - y_c)(\cos \alpha) + y_c \end{cases}$	Idem