

Le trasformazioni del piano: Chiamasi *trasformazione del piano* una corrispondenza biunivoca (iniettiva e suriettiva) del piano in se.

<b>affinità</b>	Chiamasi <b>affinità</b> una particolare trasformazione del piano che ha come invariante l' <i>allineamento</i> dei punti e il <i>parallelismo</i> tra due rette. (esempio la dilatazione con b, c, e, f = 0)	$\begin{cases} x' = ax + by + e \\ y' = cx + dy + f \end{cases}$	Allineamento e parallelismo
<b>similitudine</b>	Chiamasi <b>similitudine</b> una particolare affinità che ha come invariante il <i>rapporto tra segmenti</i> e l' <i>ampiezza degli angoli</i>	diretta $\begin{cases} x' = mx + ny + c \\ y' = -nx + my + c' \end{cases}$ invertente $\begin{cases} x' = mx + ny + c \\ y' = nx - my + c' \end{cases}$	. . inoltre .. Rapporto fra segmenti e ampiezza degli angoli
<b>omotetie</b>	Chiamasi <b>omotetie</b> di centro C e rapporto K quella particolare trasformazione del piano che associa ad ogni punto P il punto P' tale che P, C, P' sono allineati; $\frac{CP'}{CP} =  K $ e se K>0 P e P' stanno dalla stessa parte rispetto a C, se K<0 stanno da parti opposte.	Di centro O e rapporto k $\begin{cases} x' = kx \\ y' = ky \end{cases}$ Di centro (a,b) e rapporto k $\begin{cases} x' = kx + (1-k)a \\ y' = ky + (1-k)b \end{cases}$	.. inoltre.. direzione e orientamento dei punti
Chiamasi <b>isometria</b> una particolare trasformazione del piano che ha come invarianti <i>le misure dei segmenti</i> e <i>le ampiezze degli angoli</i> . Sono isometrie: Traslazioni, Rotazioni, Simmetrie Centrali, Simmetrie Assiali, l'Identità ... o composizioni tra queste.			
<b>identità</b>	Chiamasi <b>identità</b> quella trasformazione del piano che associa ad un punto P qualsiasi se stesso: $P \rightarrow P' = P$	$\begin{cases} x' = x \\ y' = y \end{cases}$	Forma e dimensioni come globali (tutti)
<b>traslazione</b>	Chiamasi <b>traslazione</b> di vettore $\vec{V}$ quella trasformazione del piano in se che associa ad un punto P un punto P' tale che il segmento orientato $PP'$ è un rappresentante del vettore $\vec{V}$ (a,b).	$\begin{cases} x' = x + a \\ y' = y + b \end{cases}$	Idem
<b>simmetria centrale</b>	Chiamasi <b>simmetria centrale</b> di centro C quella particolare trasformazione del piano che associa ad un punto P il punto P' tale che C è punto medio del segmento $PP'$ .	<b>Rispetto (0,0)</b> $\begin{cases} x' = -x \\ y' = -y \end{cases}$ <b>Rispetto (a,b)</b> $\begin{cases} x' = -x + 2a \\ y' = -y + 2b \end{cases}$	Idem
<b>simmetria assiale</b>	Chiamasi <b>simmetria assiale</b> di asse a quella particolare trasformazione del piano che associa ad un punto P il punto P' tale che $PP'$ sia perpendicolare alla retta a e la incontri nel suo punto medio	<b>Asse x</b> $\begin{cases} x' = x \\ y' = -y \end{cases}$ <b>Asse y</b> $\begin{cases} x' = -x \\ y' = y \end{cases}$ <b>Retta y=b</b> $\begin{cases} x' = x \\ y' = -y + 2b \end{cases}$ <b>Retta x=a</b> $\begin{cases} x' = -x + 2a \\ y' = y \end{cases}$	Idem
rotazione	Chiamasi <b>rotazione di centro C e angolo orientato <math>\alpha</math></b> quella particolare trasformazione del piano che associa ad un punto P un punto P' tale che $\overline{PC} = \overline{P'C}$ e $\widehat{CP}' = \widehat{\alpha}$ equazioni con centro (0,0) e $(x_c, y_c)$	Di centro O $\begin{cases} x' = x(\cos \alpha) - y(\sin \alpha) \\ y' = x(\sin \alpha) + y(\cos \alpha) \end{cases}$ di centro $(x_c, y_c)$ $\begin{cases} x' = (x - x_c)(\cos \alpha) - (y - y_c)(\sin \alpha) + x_c \\ y' = (x - x_c)(\sin \alpha) + (y - y_c)(\cos \alpha) + y_c \end{cases}$	Idem